

#### 本日のテーマ

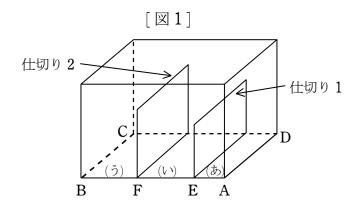
#### テーマ(1): グラフの問題

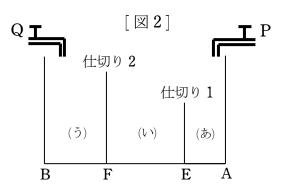
- ・状況を理解 → グラフを描く
- ・グラフを読み取る → 状況を理解

#### テーマ②: 未知の問題

- ・問題の目的を理解(何をしようとしている?)
- 前問の振り返り((2)では(1)を利用できるかも)

[図1]のように、ABの長さが 55 cm、BCの長さが 30 cm の長方形 ABCD を底面とする、深さが 36 cm の直方体の水そうがあり、底面に垂直な 2 枚の仕切りで、底面を 3 つの長方形に分けます。このとき、仕切りで区切られたところを右から(あ)、(い)、(う)とします。仕切り 1 は高さが 20 cm、仕切り 2 は高さが 30 cm です。AEの長さは 10 cm で、BF は AE より長いです。また、仕切りの厚さは考えないこととします。[図2]は、[図1]の水そうを正面から見たものです。(あ)の上に蛇口 P、(う)の上に蛇口 Q があり、同時に一定の割合で P、Q から同じ量の水を注ぎます。[図3]は、水を注ぎ始めてからの時間と(い)の部分の水面の高さの関係をグラフに表したものの一部です。次の問いに答えなさい。

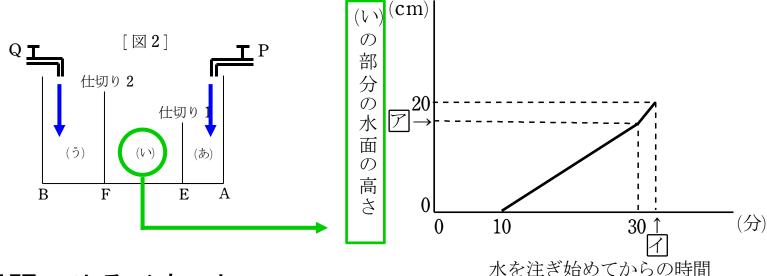




[図3] (cm)(V) 「図2] 仕切り2 仕切り 水 面 (う) (b) E В F X (分) 30 1 水を注ぎ始めてからの時間

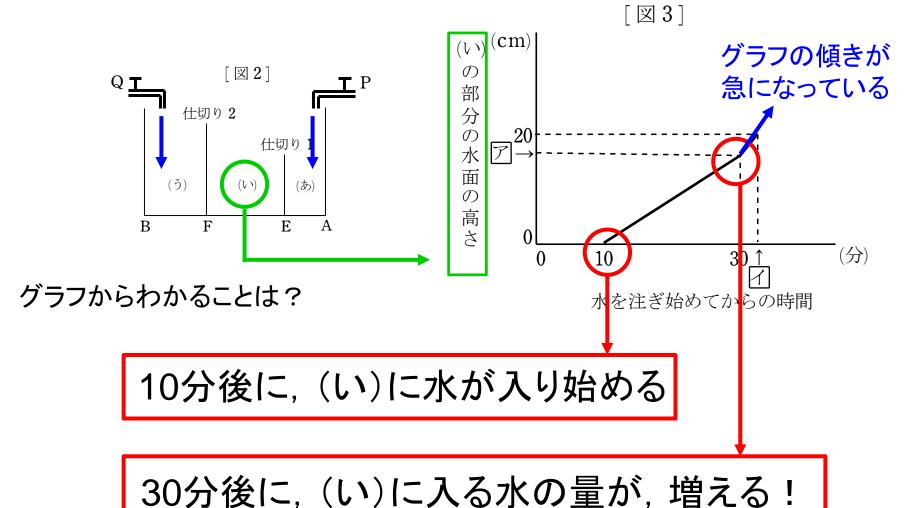
- (1) 水を注ぎ始めてから 10分を過ぎた直後はどのような状態になりますか。 また、水を注ぎ始めてから 30分を過ぎた直後はどのような状態になりますか。 それぞれ、次の①~④から選び、番号で答えなさい。
  - ① (あ)に貯まった水があふれて仕切り1を越える。
  - ② (い)に貯まった水があふれて仕切り1を越える。
  - ③ (う)に貯まった水があふれて仕切り2を越える。
  - ④ (い)の部分の水面の高さが仕切り2を越える。

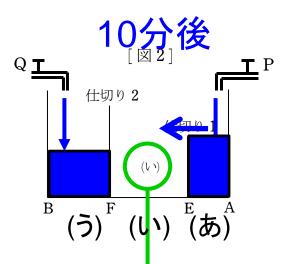


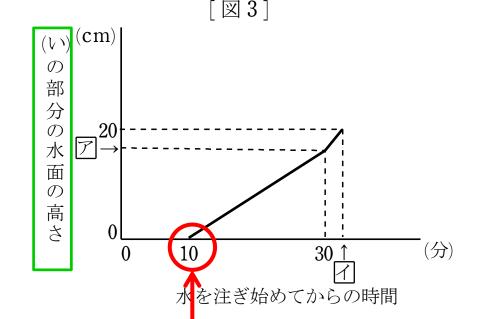


#### この問題でやるべきこと

- ① まずは、落ち着いて問題文を読む。
- →「長文問題は難しい」という思い込みは、今日からやめよう。
- ② <u>グラフをよく見る</u>。
- → グラフが折れ曲がっている所は、何かが起きている。





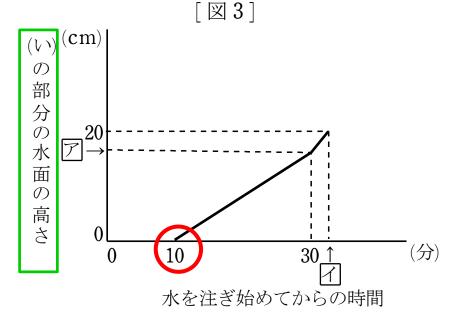


グラフからわかること

- 10分後に、(い)に水が入り始める。
- 30分後に、(い)に入る水の量が増える。

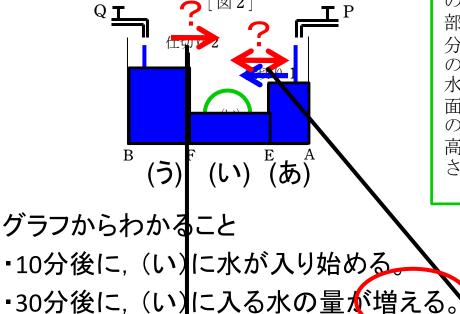
(あ)の水が仕切り1を越えて、(い)に水が入り始める

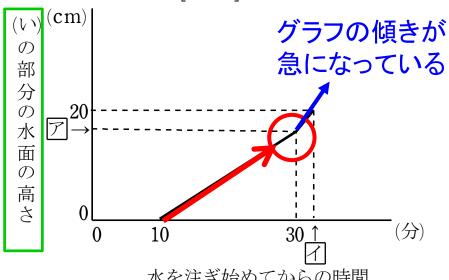
10分後 [図2]後 仕切り2 (い) E A A (う) (い) (あ)



- (1) 水を注ぎ始めてから 10 分を過ぎた直後はどのような状態になりますか。 また、水を注ぎ始めてから 30 分を過ぎた直後はどのような状態になりますか。 それぞれ、次の①  $\sim$  ④から選び、番号で答えなさい。
  - ① (あ)に貯まった水があふれて仕切り1を越える。
  - ② (い)に貯まった水があふれて仕切り1を越える。
  - ③ (5)に貯まった水があふれて仕切り2を越える。
  - ④ (い)の部分の水面の高さが仕切り2を越える。





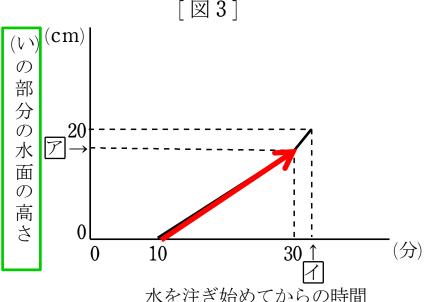


水を注ぎ始めてからの時間

い)の水面の上がり方は 速くなる

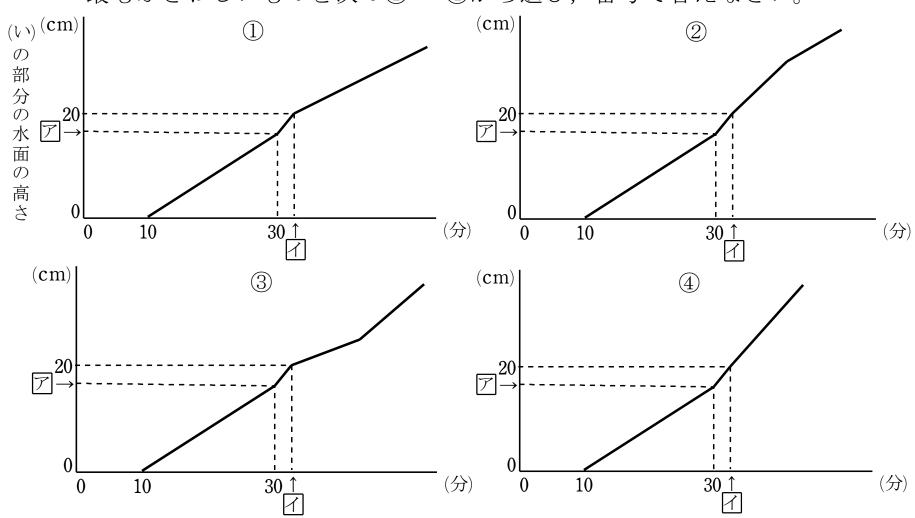
(い)の水面の上がり方は,

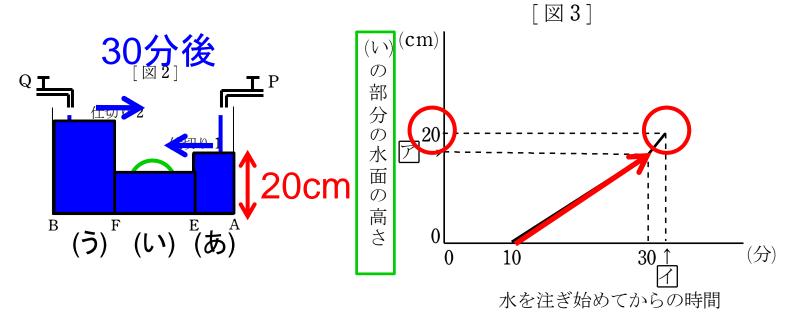
(う)<sup>F</sup> (い) <sup>E</sup>(あ)<sup>A</sup>

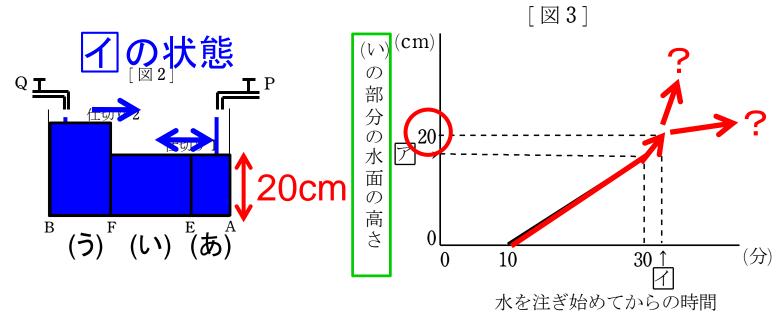


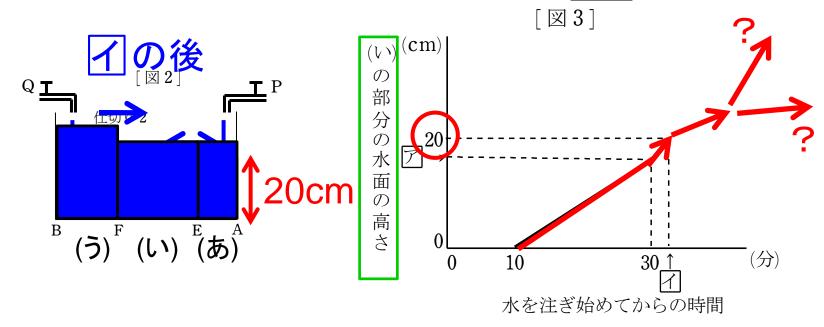
- 水を注ぎ始めてから10分を過ぎた直後はどのような状態になりますか。 また、水を注ぎ始めてから30分を過ぎた直後はどのような状態になりますか。 それぞれ、次の①~④から選び、番号で答えなさい。
  - (あ)に貯まった水があふれて仕切り1を越える。
  - (い) に貯まった水があふれて<br/>
    仕切り 1 を越える。
  - (う)に貯まった水があふれて仕切り2を越える。
  - (い)の部分の水面の高さが仕切り2を越える。

(5) 水を注ぎ始めてから水そうがいっぱいになるまでのグラフとして, 最もふさわしいものを次の①~④から選び,番号で答えなさい。



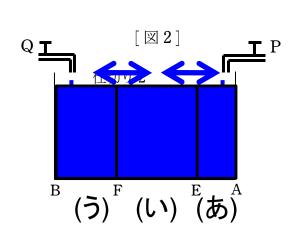


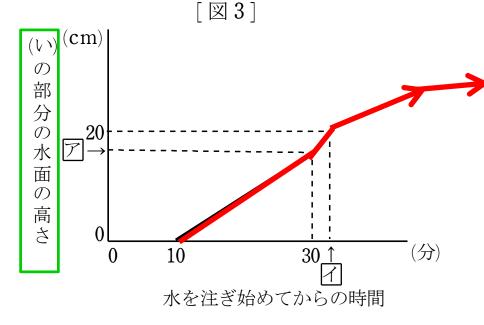




グラフのイの部分の後は、<u>(あ)と(い)を合わせた部分に水が入る</u>。

水面の上がり方は、ゆっくりになる!

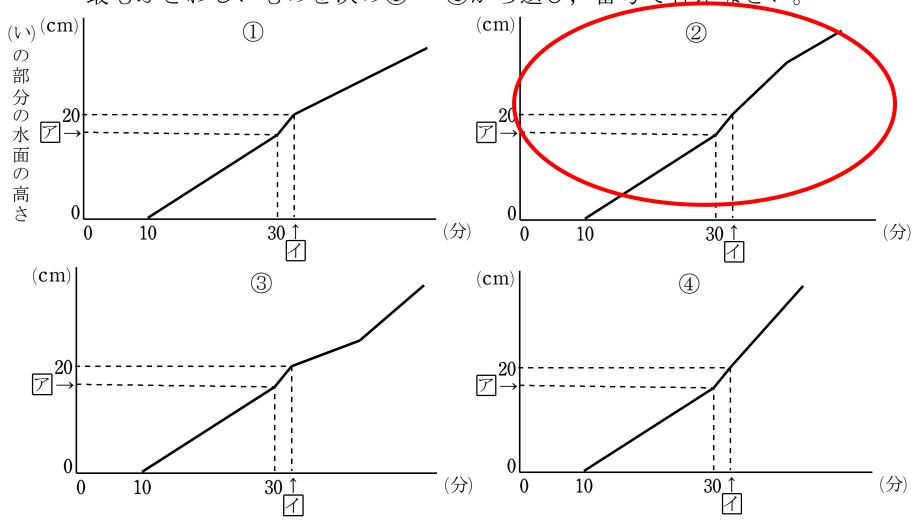




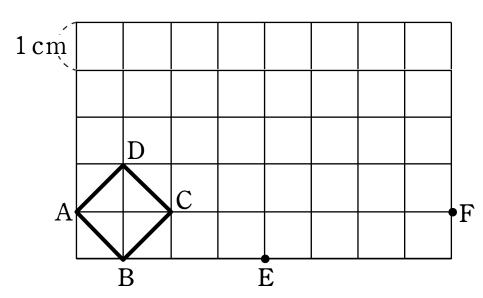
#### → 最後はどうなるのか?

3ヶ所の水面の高さが同じになるので, 水面の上がり方は, さらにゆっくりになる!

(5) 水を注ぎ始めてから水そうがいっぱいになるまでのグラフとして, 最もふさわしいものを次の①~④から選び,番号で答えなさい。



右の図は、1辺の長さが1cmの 正方形をしきつめたものです。



先生と光子さん(以下,光子とします)は、この図を見ながら次の会話を しています。ただし、以下の会話において、長さの単位は cm とします。

まず、四角形 ABCD の面積を求めてみよう。
はい!
では、ABの長さがどれくらいになるのかを考えてみよう。 定規で測ってみたら 1.4 cm くらいでした。 そうだね。でももっと正確な長さを調べてみよう。
四角形 ABCD は正方形だから、ABの長さを2回かけると ア に
なるね。 $1 \times 1 = 1$ , $2 \times 2 = 4$ だから, $AB$ の長さは, $1 \ge 2$ の間の数になるはずだ。 $1.3 \times 1.3 = 1.69$ だから, $AB$ の長さは $1.3$ よりも大きい数だね。
$1.4 \times 1.4 = $
ということは、ABの長さの小数第1位の数字は エ だね。
この調子で、 $AB$ の長さの小数第 $2$ 位の数字を求めてみよう。

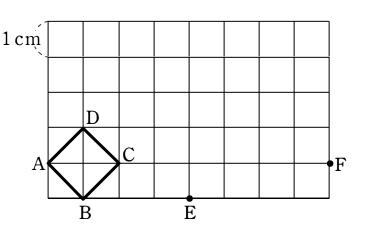
ABの長さの小数第2位の数字は

- 2人の会話を参考にして、次の問いに答えなさい。
- (1) アー~ ケーにあてはまる数を答えなさい。 (答えだけでよいです。)

ただし、同じカタカナのには同じ数が入ります。

先生: まず,四角形 ABCD の面積を求めてみよう。

光子: |av|  $|cm^2 ct|$ 



→ 四角形 ABCD はひし形なので、面積は

$$2 \times 2 \div 2 = 2 \quad (cm^2) \quad ..... \quad \boxed{7}$$

先生: まず,四角形 ABCD の面積を求めてみよう。

光子: はい!  $2 | cm^2 \tau f!$ 

1 cm D
C
A
B
E

先生: では、ABの長さがどれくらいになるのかを考えてみよう。

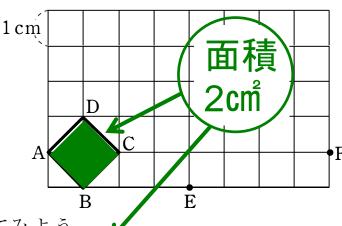
光子: 定規で測ってみたら 1.4 cm くらいでした。

先生: そうだね。でももっと正確な長さを調べてみよう。

→ 「ABの正確な長さ」を調べようとしている!

何をしようとしているのか、目的を明確にする!

「ABの正確な長さ」を調べようとしている!



先生: そうだね。でももっと正確な長さを調べてみよう。

四角形 ABCD は正方形だから、ABの長さを2回かけると 2 に

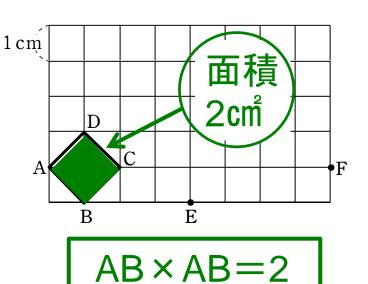
なるね。 $1 \times 1 = 1$  ,  $2 \times 2 = 4$  だから,ABの長さは, $1 \ge 2$  の間の数になるはずだ。 $1.3 \times 1.3 = 1.69$  だから,ABの長さは1.3 よりも大きい数だね。

 $AB \times AB = 2$ 

ABの長さは、1.3より大きい。

「ABの正確な長さ」を調べようとしている!

ABの長さは、1.3より大きい。



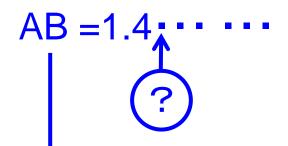
光子:  $1.4 \times 1.4 = \begin{vmatrix} 1.96 \end{vmatrix}$ ,  $1.5 \times 1.5 = \begin{vmatrix} 2.25 \end{vmatrix}$  となりました!

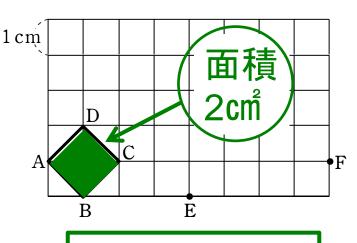
先生: ということは、ABの長さの小数第1位の数字は エ、だね。

ABの長さは、1.4より大きく、1.5より小さい。

AB = 1.4 - - - -

「ABの正確な長さ」を調べようとしている!





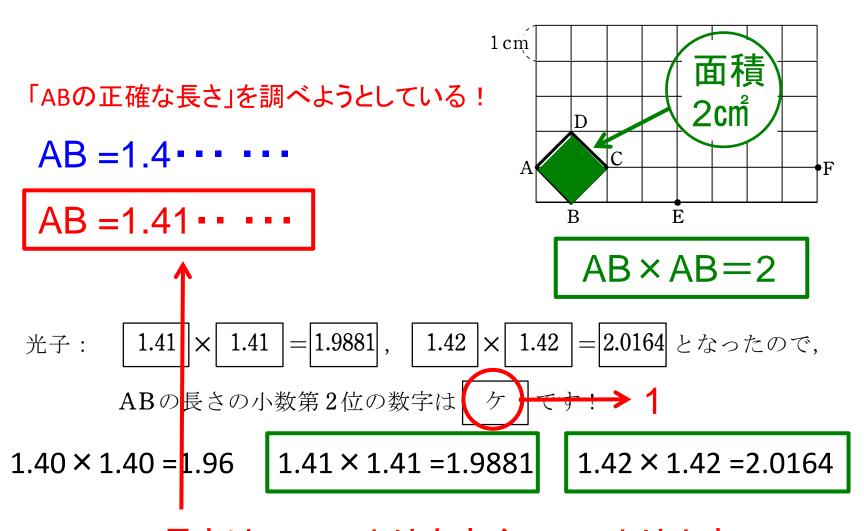
 $AB \times AB = 2$ 

力

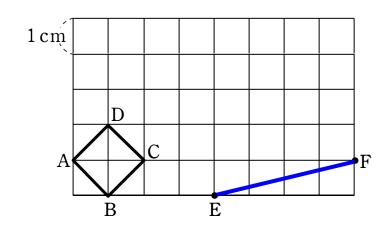
となったので,

ABの長さの小数第2位の数字は です!

$$AB = 1.40 - ...$$
  $AB = 1.41 - ...$   $AB = 1.42 - ...$ 



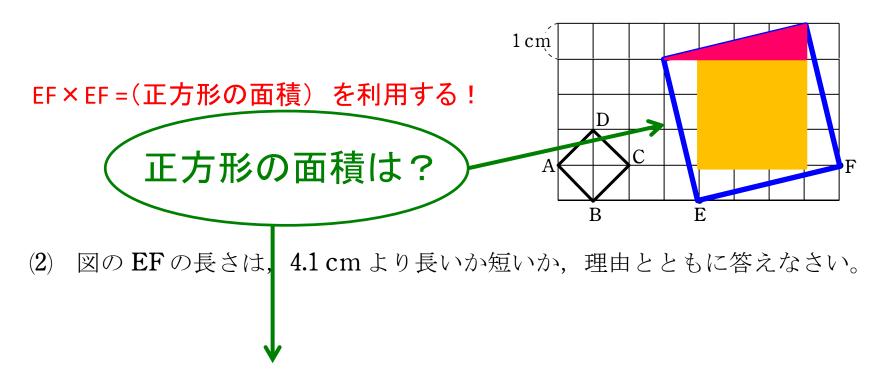
ABの長さは、1.41より大きく、1.42より小さい。



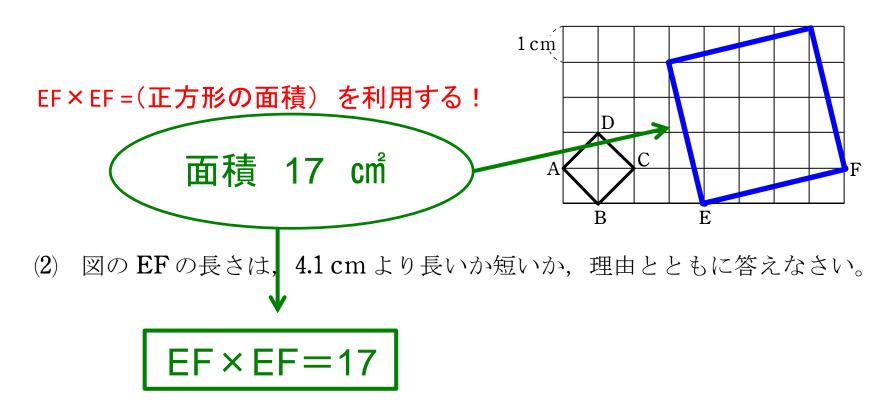
(2) 図の EF の長さは、4.1 cm より長いか短いか、理由とともに答えなさい。

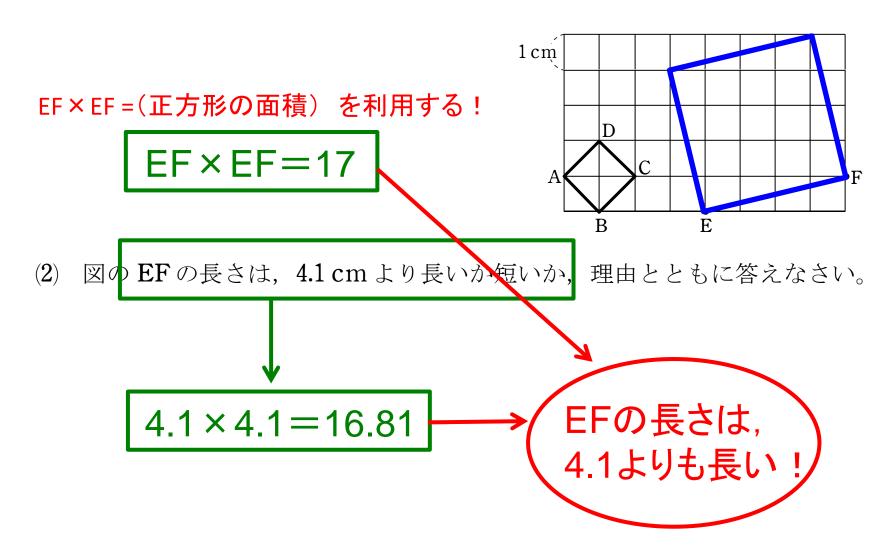
(1)でやったことを、利用する!

- (1)でやったこと
- → ABの長さを求めるために、 AB×AB = (正方形の面積) を利用した。
- → EFの長さを求めるために、 EF×EF = (正方形の面積) を利用する!

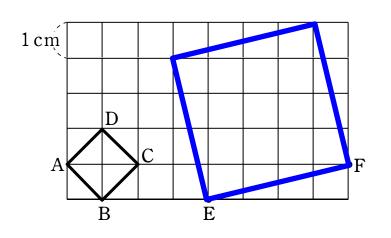


ピンクの直角三角形が4つ + 黄色の正方形 
$$(4 \times 1 \div 2) \times 4$$
 +  $3 \times 3$  = 17 (cm<sup>2</sup>)





EF×EF=(正方形の面積) を利用する!



(2) 図の EF の長さは、4.1 cm より長いか短いか、理由とともに答えなさい。

#### (解答例)

EFを1辺とする正方形の面積は、 (4×1÷2)×4 + 3×3 = 17 (cm)

よって、EF×EF =17

また, 4.1×4.1 =16.81

17は16.81より大きいので, EFの長さは4.1より長い。

#### まとめ

- 長い文章題では、問題を解き始める前に、 問題の状況を整理しましょう。
  - → 「難しそう」という思い込みは、やめましょう。
- グラフでは、場面ごとの変化に気をつけましょう。
  - → グラフが折れ曲がった所では、 何かが起きています。
- •初めて見る問題は、問題の目的を確認しましょう。
  - → 「何をしようとしているのか」がわかれば、 どんな計算をすればよいかが見えてきます。

#### 最後に

- •グラフは「かく」「読みとる」の両方を練習しましょう。
- 計算問題は必ず得点できるようにしましょう。
  - →計算の工夫ができると良いです。

```
(例) 3.14 \times 7 + 3.14 \times 3 = 3.14 \times (7+3)
```

- •初めて見る問題でも、手を動かして考えましょう。
  - →図を書いたりするとイメージがつかめる かもしれません。
- 途中式を書く練習をしておきましょう。
  - →入試だけでなく、入学後の学習でも重要になります。